

数 学

快速对答案

一、选择题(每小题2分,共20分)

1~5 CCBDD 6~10 CCCBD

二、填空题(每小题3分,共18分)

11. $2(x+3)(x-3)$ 12. 5 13. $\frac{1}{x-1}$ 14. 六 15. 5 16. $4, \frac{25}{3}$

三、解答题请看“详解详析”P21~P25

详解详析

一、选择题(每小题2分,共20分)

1. C

拓展训练

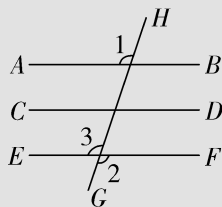
1. 下列各数是无理数的是 ()

A. $\sqrt{4}$ B. π C. 0 D. $\tan 45^\circ$

温馨提示:拓展训练答案见本卷答案最后(P25)

2. C 【解析】将一个绝对值大于10的数用科学记数法表示,其形式为 $a \times 10^n$,其中 $1 \leq |a| < 10$, n 为原数的整数位数减1, $\therefore 12000 = 1.2 \times 10^4$.

3. B

4. D 【解析】 \because 点 $P(a+1, b-1)$ 在第二象限, $\therefore a+1 < 0, b-1 > 0, \therefore a < -1, b > 1, \therefore -a > 1, -b < -1. \therefore$ 点 $B(1, -b)$ 在第四象限.5. D 【解析】如解图, $\because AB \parallel CD, EF \parallel CD, \therefore AB \parallel EF, \therefore \angle 3 = \angle 1 = 110^\circ, \therefore \angle 2 = \angle 3 = 110^\circ$.

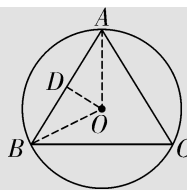
第5题解图

6. C 【解析】

选项	逐项分析	正误
A	买一张福利彩票不一定中奖,是随机事件	×
B	飞机不一定会准时到达,是随机事件	×
C	$\because a = b , \therefore a = \pm b$,是必然事件	√
D	射击运动员射击一次,命中9环是随机事件	×

7. C 【解析】

选项	逐项分析	正误
A	$2x + 3x = 5x \neq 6x^2$	×
B	$(2x^2y)^3 = 8x^6y^3 \neq 2x^6y^3$	×
C	$-x^5y \div xy = -x^{5-1}y^{1-1} = -x^4$	√
D	$(-x+y)^2 = x^2 - 2xy + y^2 \neq x^2 - xy + y^2$	×

8. C 【解析】根据反比例函数 k 的几何意义可知 $S_{\triangle APB} = \frac{1}{2}|k| = 2, \therefore k = \pm 4, \therefore$ 该反比例函数的图象位于第二象限, $\therefore k < 0, \therefore k = -4$.9. B 【解析】 \because 一次函数 $y = 2x - 1, k = 2 > 0, \therefore y$ 随 x 的增大而增大, $\therefore -2 < 3, \therefore x_1 < x_2$.10. D 【解析】如解图,连接 OA, OB ,过点 O 作 $OD \perp AB$ 于点 $D, \therefore \triangle ABC$ 为等边三角形且内接于 $\odot O, \therefore \angle BOA = 120^\circ, \therefore \angle DOA = 60^\circ, \angle OAD = 30^\circ, \therefore OA = 2, \therefore AD = OA \cdot \cos 30^\circ = \sqrt{3}, \therefore AB = 2\sqrt{3}, \therefore \triangle ABC$ 的周长为 $3 \times 2\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$.

第10题解图

二、填空题(每小题3分,共18分)

11. $2(x+3)(x-3)$ 【解析】 $2x^2 - 18 = 2(x^2 - 9) = 2(x+3)(x-3)$.12. 5 【解析】 $x = 5 \times 5 - 2 - 3 - 5 - 7 = 8$,将这组数按从小到大的顺序排列为2,3,5,7,8,位于最中间的数是5,即中位数是5.13. $\frac{1}{x-1}$ 【解析】原式 $= \frac{x-1}{(x+1)(x-1)} + \frac{2}{(x+1)(x-1)} = \frac{x+1}{(x+1)(x-1)} = \frac{1}{x-1}$.

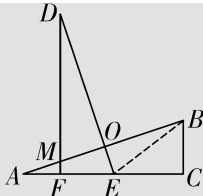
拓展训练

2. 不等式组 $\begin{cases} x+2 > 0, \\ 3x-4 \leq 0 \end{cases}$ 的解集是_____.

14. 六 【解析】设这个多边形是 n 边形, 根据题意, 得 $(n-2) \times 180^\circ = 2 \times 360^\circ$, 解得 $n=6$.

15. 5 【解析】设 BE 的长为 x , 则 $AE=20-x, DG=2x$, $\therefore AG=20+2x$, \therefore 矩形绿地 $A EFG$ 的面积为: $AE \cdot AG = (20-x) \cdot (20+2x) = -2x^2 + 20x + 400 (0 < x < 20)$, 即矩形绿地的面积为 $-2(x-5)^2 + 450$, \therefore 当 $x=5$ 时, 矩形绿地 $A EFG$ 的面积最大.

16. $4, \frac{25}{3}$ 【解析】如解图, 连接 BE , 设 $EA=x$, $\therefore DE$ 垂直平分 AB , $\therefore EA=EB=x, EC=9-x$, $\therefore \angle DFE = \angle DOA = 90^\circ, \angle D + \angle DMO = \angle A + \angle AMF = 90^\circ, \therefore \angle D = \angle A$, 在 $\triangle DEF$ 与 $\triangle ABC$ 中, $\begin{cases} \angle D = \angle A, \\ DF = AC, \\ \angle DFE = \angle ACB, \end{cases} \therefore \triangle DEF \cong \triangle ABC, \therefore EF = BC = 3$, 在 $Rt \triangle BEC$ 中, 由勾股定理得, $EB^2 = EC^2 + BC^2$, 即 $x^2 = (9-x)^2 + 3^2$, 解得 $x=5$, 即 $AE=5$, $\therefore EC=9-5=4, \therefore AF=AE-EF=5-3=2$, $\therefore \angle AFM = \angle ACB = 90^\circ, \therefore \triangle AMF \sim \triangle ABC, \therefore \frac{MF}{BC} = \frac{AF}{AC}$, 即 $\frac{MF}{3} = \frac{2}{9}, \therefore MF = \frac{2}{3}, \therefore DM = DF - MF = 9 - \frac{2}{3} = \frac{25}{3}$.



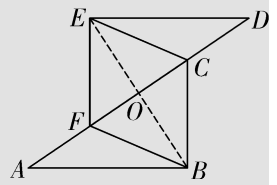
第 16 题解图

三、解答题(第 17 小题 6 分, 第 18、19 小题各 8 分, 共 22 分)

17. 解: 原式 $= 1 - 9 + 5 - \sqrt{5} + 2 \dots\dots\dots (4 \text{ 分})$
 $= -1 - \sqrt{5}. \dots\dots\dots (6 \text{ 分})$

18. (1) 证明: $\therefore AB \parallel DE$, $\therefore \angle A = \angle D$.
 又 $\therefore AF = CD, AB = DE$, $\therefore \triangle AFB \cong \triangle DCE$.
 $\therefore EC = BF, \angle AFB = \angle DCE$, $\therefore \angle CFB = \angle ECF$, $\therefore BF \parallel CE$.
 \therefore 四边形 $EFBC$ 为平行四边形.
 又 $\therefore EF = EC$, \therefore 四边形 $EFBC$ 为菱形; $\dots\dots\dots (4 \text{ 分})$

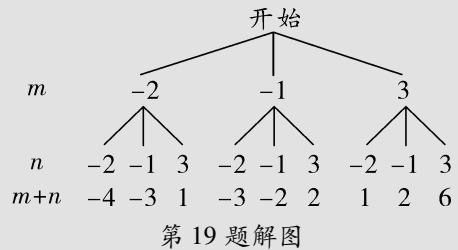
(2) 解: 如解图, 连接 EB , 交 FC 于点 O , 则 $EO \perp DF$, $\therefore EF=3, DE=4, \angle DEF=90^\circ$, $\therefore DF=5$.



第 18 题解图

$\therefore EF \cdot ED = EO \cdot DF$, 即 $3 \times 4 = 5EO$, $\therefore EO = \frac{12}{5}$.
 在 $Rt \triangle EOF$ 中, $OF = \sqrt{EF^2 - EO^2} = \sqrt{9 - (\frac{12}{5})^2} = \frac{9}{5}, \dots\dots (6 \text{ 分})$
 $\therefore FC = 2OF = \frac{18}{5}$.
 $\therefore CD = DF - FC = 5 - \frac{18}{5} = \frac{7}{5}$.
 $\therefore AF = CD$, $\therefore AF = \frac{7}{5}. \dots\dots\dots (8 \text{ 分})$

19. 解: 画树状图如解图:



第 19 题解图

$\dots\dots\dots (6 \text{ 分})$
 由树状图可得, 共有 9 种等可能的情况, 其中 $m+n > 0$ 的情况有 5 种, $\therefore P(m+n > 0) = \frac{5}{9}. \dots\dots\dots (8 \text{ 分})$

拓展训练

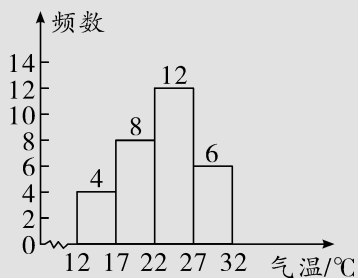
3. 一个不透明的布袋中装有分别标有汉字“三”“好”“街”的三个小球, 除汉字不同外, 小球没有任何区别, 若从中任取一个小球, 不放入, 再从中任取一个小球, 请用列表法或画树状图法求取出的两个球上的汉字恰好能组成“三好”的概率.

数学
21
14
↓
19
题

四、(每小题8分,共16分)

20. 解:(1)8,12; (2分)

补全频数分布直方图如解图: (4分)



第20题解图

(2)气温在“ $17 \leq x < 22$ ”范围内出现的次数有8次, $\therefore 360^\circ \times \frac{8}{30} = 96^\circ$,

答:“ $17 \leq x < 22$ ”所对应的圆心角度数为 96° ; (6分)

(3)众数是一组数据中出现次数最多的数,故众数是22;共有30个数据,按从小到大排列后位于第15个和第16个气温的平均数为中位数,第15个和第16个气温均在“ $22 \leq x < 27$ ”范围内, \therefore 中位数落在“ $22 \leq x < 27$ ”组内.

答:该月每天最高气温的众数是22,中位数落在“ $22 \leq x < 27$ ”组内. (8分)

21. 解:设共有 x 人,价格为 y 钱,依题意得:

$$\begin{cases} 8x - 3 = y, \\ 7x + 4 = y, \end{cases} \dots\dots (4分)$$

$$\text{解得} \begin{cases} x = 7, \\ y = 53, \end{cases} \dots\dots (7分)$$

答:物品价格为53钱,共同购买该物品的人数有7人. (8分)

拓展训练

4. 随着全国掀起的冬季运动项目热潮,沈阳某中学计划在冬季前购买A、B两种滑雪护具,已知单独购买40套A种护具与单独购买50套B种护具的花费一样,且A种护具比B种护具的单价贵16元.

- (1) 求A、B两种护具的单价分别是多少?
- (2) 若购买A、B两种护具共40套,总花费不超过3000元,求A种护具最多购买多少套?

五、(本题10分)

22. (1)证明: $\because CD$ 是 $\odot O$ 的切线,

$$\therefore OC \perp DE,$$

$$\text{又} \because BE \perp DE,$$

$$\therefore OC \parallel BE, \dots\dots (2分)$$

$$\therefore \angle OCB = \angle CBE,$$

$$\therefore \angle OBC = \angle CBE,$$

即 BC 平分 $\angle ABE$; (5分)

(2)解: $\because AB$ 为 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle A = 60^\circ,$$

$$\therefore \triangle OAC \text{ 是等边三角形, } AC = OA = 2.$$

$$\therefore AB = 2OA = 4.$$

$$\therefore BC = \sqrt{AB^2 - AC^2} = \sqrt{16 - 4} = 2\sqrt{3}. \dots\dots (7分)$$

$$\therefore \angle OBC = \frac{1}{2} \angle AOC = 30^\circ, \text{ 且 } \angle OBC = \angle CBE,$$

$$\therefore \angle CBE = 30^\circ.$$

$$\therefore CE = \frac{1}{2} BC = \sqrt{3}. \dots\dots (10分)$$

六、(本题10分)

23. 解:(1)设直线 AB 的解析式为 $y = kx + b$, 则有

$$\begin{cases} 4k + b = 0, \\ b = 2, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k = -\frac{1}{2}, \\ b = 2. \end{cases}$$

\therefore 直线 AB 的解析式为 $y = -\frac{1}{2}x + 2$ (1分)

$\therefore A(4, 0), B(0, 2), C$ 为 AO 的中点,

$$\therefore AB = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}, AC = 2.$$

$$\therefore \angle CDA = \angle BOA, \angle A = \angle A,$$

$$\therefore \triangle CDA \sim \triangle BOA, \therefore \frac{CD}{BO} = \frac{AC}{AB}$$

$$\therefore \frac{CD}{2} = \frac{2}{2\sqrt{5}}, \therefore CD = \frac{2\sqrt{5}}{5}. \dots\dots (2分)$$

在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 中,由勾股定理得,

$$AD = \sqrt{AC^2 - CD^2} = \frac{4\sqrt{5}}{5},$$

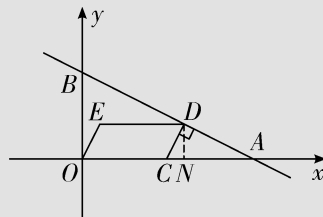
如解图①,过点 D

作 $DN \perp x$ 轴于 N ,

$$\therefore CD \cdot DA = DN \cdot AC,$$

$$\therefore DN = \frac{4}{5}.$$

$$\therefore CN = \sqrt{CD^2 - DN^2} = \frac{2}{5}.$$



第23题解图①

$\therefore D(\frac{12}{5}, \frac{4}{5})$.

\therefore 四边形 $OCDE$ 是平行四边形,

$\therefore DE = OC = 2$,

$\therefore \frac{12}{5} - 2 = \frac{2}{5}$,

$\therefore E(\frac{2}{5}, \frac{4}{5}); \dots\dots\dots (3 \text{分})$

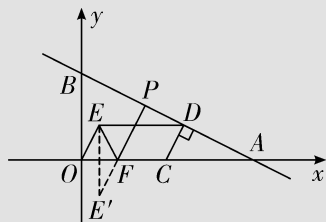
(2) $P(4,0)$ 或 $P(\frac{4}{5}, \frac{8}{5}); \dots\dots\dots (5 \text{分})$

【解法提示】 $\because A(4,0), B(0,2), \therefore S_{\triangle ABO} = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$, 由(1)得 $DE = OC = 2. \therefore S_{\triangle EDP} = \frac{1}{5} S_{\triangle ABO}, \therefore$

$S_{\triangle EDP} = \frac{1}{2} DE \cdot |y_p - y_D| = \frac{1}{2} \times 2 \times |y_p - \frac{4}{5}| = \frac{4}{5},$

$\therefore y_p = 0$ 或 $y_p = \frac{8}{5}, \therefore P(4,0)$ 或 $P(\frac{4}{5}, \frac{8}{5});$

(3) 如解图②, 作点 E 关于 OA 的对称点 E' , 作 $E'P \perp AB$ 于 P , 交 OA 于 F , 连接 EF , 此时 $EF + FP$ 的值最小.



几何画板动态演示



白卷第 23 题

第 23 题解图②

则 $E'(\frac{2}{5}, -\frac{4}{5}), F(\frac{4}{5}, 0)$,

\therefore 直线 $E'P$ 的解析式为 $y = 2x - \frac{8}{5}$,

\therefore 点 P 在直线 $E'P$ 和直线 AB 上,

由 $\begin{cases} y = -\frac{1}{2}x + 2, \\ y = 2x - \frac{8}{5}, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x = \frac{36}{25}, \\ y = \frac{32}{25}. \end{cases}$

$\therefore P(\frac{36}{25}, \frac{32}{25}); \dots\dots\dots (7 \text{分})$

(4) $\frac{2\sqrt{5}}{25}$ 或 $\frac{2\sqrt{15}}{5} - \frac{8\sqrt{5}}{25}$ 或 $\frac{10\sqrt{15} + 12\sqrt{5}}{25}. \dots\dots\dots (10 \text{分})$

【解法提示】由题意, $DD' = CC', E'C' \parallel AB$,

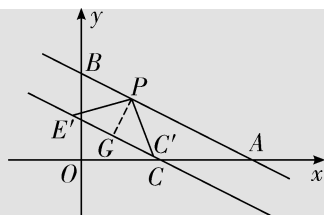
$\therefore \angle OEC = 90^\circ$.

$\therefore E'C' = EC = \sqrt{ED^2 - CD^2} = \frac{4\sqrt{5}}{5}$,

$\therefore E(\frac{2}{5}, \frac{4}{5}), C(2,0)$,

\therefore 直线 EC 的解析式为 $y = -\frac{1}{2}x + 1$.

①当 $PE' = PC'$ 时, 如解图③, 过 P 作 $PG \perp E'C'$ 于点 G , 由(3)得 $PF \perp AB$, 则 P, G, F 在同一条直线上,



第 23 题解图③

\therefore 直线 PG 的解析式为 $y = 2x - \frac{8}{5}$,

联立 $\begin{cases} y = -\frac{1}{2}x + 1, \\ y = 2x - \frac{8}{5}, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x = \frac{26}{25}, \\ y = \frac{12}{25}. \end{cases}$

$\therefore G(\frac{26}{25}, \frac{12}{25})$,

又 $\because P(\frac{36}{25}, \frac{32}{25})$,

$\therefore PG = \sqrt{(x_p - x_G)^2 + (y_p - y_G)^2} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$,

同理 $CG = \frac{12\sqrt{5}}{25}$,

$\therefore GC' = GE' = \frac{2\sqrt{5}}{5}$,

$\therefore CC' = CG - GC' = \frac{12\sqrt{5}}{25} - \frac{2\sqrt{5}}{5} = \frac{2\sqrt{5}}{25}$, 即 $DD' = \frac{2\sqrt{5}}{25}$;

②当 $PE' = E'C'$ 时, 如解图④, 过点 P 作 $PG \perp E'C'$ 于点 G , 同理可得 $PG = \frac{2\sqrt{5}}{5}, CG = \frac{12\sqrt{5}}{25}$,

$\therefore PE' = E'C' = \frac{4\sqrt{5}}{5}$,

$\therefore PE' = 2PG$,

$\therefore \angle PE'G = 30^\circ$,

$\therefore E'G = \frac{2\sqrt{15}}{5}$,

$\therefore GC' = E'C' - E'G =$

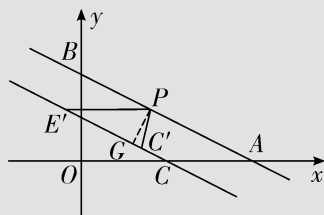
$\frac{4\sqrt{5}}{5} - \frac{2\sqrt{15}}{5}$.

$\therefore CC' = CG - GC' = \frac{12\sqrt{5}}{25} - (\frac{4\sqrt{5}}{5} - \frac{2\sqrt{15}}{5}) = \frac{2\sqrt{15}}{5}$

$- \frac{8\sqrt{5}}{25}$; 即 $DD' = \frac{2\sqrt{15}}{5} - \frac{8\sqrt{5}}{25}$;

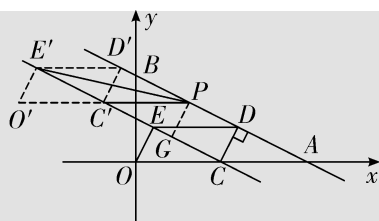
③当 $C'E' = PC'$ 时, 如解图⑤, 过点 P 作 $PG \perp E'C'$

于点 G , 同理可得: $PG = \frac{2\sqrt{5}}{5}, CG = \frac{12\sqrt{5}}{25}$,



第 23 题解图④

$$\begin{aligned} \therefore EG &= \frac{4\sqrt{5}}{5} - \\ \frac{12\sqrt{5}}{25} &= \frac{8\sqrt{5}}{25}, \\ \therefore C'G &= \\ \sqrt{PC'^2 - PG^2} &= \\ \frac{2\sqrt{15}}{5}, CC' &= C'G \\ -EG + CE &= \frac{10\sqrt{15} + 12\sqrt{5}}{25}, \text{即 } DD' = \frac{10\sqrt{15} + 12\sqrt{5}}{25}. \end{aligned}$$



第 23 题解图⑤

七、(本题 12 分)

24. 解:(1)∵ 纸片折叠后顶点 B 落在边 AD 上的 E 点处,

$$\therefore BF = EF,$$

$$\because AB = 8, \therefore EF = 8 - AF,$$

在 Rt△AEF 中,由勾股定理得,

$$4^2 + AF^2 = (8 - AF)^2,$$

解得 AF = 3; (2 分)

(2)①证明:∵ 纸片折叠后顶点 B 落在边 AD 上的 E 点处,

$$\therefore \angle BGF = \angle EGF,$$

∵ 四边形 ABCD 为矩形,∴ AD // BC,

$$\therefore \angle BGF = \angle EFG,$$

$$\therefore \angle EGF = \angle EFG,$$

$$\therefore EF = EG; \dots\dots\dots (4 \text{ 分})$$

$$\textcircled{2}6; \dots\dots\dots (6 \text{ 分})$$

【解法提示】∵ 纸片折叠后顶点 B 落在边 AD 上的 E 点处,

$$\therefore EG = BG = 10,$$

$$HE = AB = 8, FH = AF,$$

$$\therefore EF = EG = 10,$$

∴ 在 Rt△EFH 中,

$$\text{由勾股定理得 } FH = \sqrt{EF^2 - HE^2} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6,$$

$$\therefore AF = FH = 6; \dots\dots\dots (6 \text{ 分})$$

$$(3) \frac{22}{3}. \dots\dots\dots (12 \text{ 分})$$

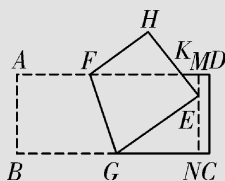
【解法提示】如解图,设 EH 与 AD 相交于点 K,过点 E 作 MN // CD 分别交 AD、BC 于点 M、N,

∵ E 到 AD 的距离为 2,

$$\therefore EM = 2, EN = 8 - 2 = 6,$$

$$\therefore \angle GEN + \angle KEM = 180^\circ - \angle GEH = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ,$$

$$\angle GEN + \angle NGE = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ,$$



第 24 题解图

$$\therefore \angle KEM = \angle NGE,$$

$$\text{又} \because \angle ENG = \angle KME = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle GEN \sim \triangle EKM,$$

$$\therefore \frac{EK}{GE} = \frac{KM}{EN} = \frac{EM}{GN},$$

$$\text{即 } \frac{EK}{10} = \frac{KM}{6} = \frac{2}{8},$$

$$\text{解得 } EK = \frac{5}{2}, KM = \frac{3}{2},$$

$$\therefore KH = EH - EK = 8 - \frac{5}{2} = \frac{11}{2},$$

$$\therefore \angle FKH = \angle EKM, \angle H = \angle EMK = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle FKH \sim \triangle EKM, \therefore \frac{FH}{EM} = \frac{KH}{KM}, \text{即 } \frac{FH}{2} = \frac{\frac{11}{2}}{\frac{2}{3}},$$

$$\text{解得 } FH = \frac{22}{3},$$

$$\therefore AF = FH = \frac{22}{3}.$$

八、(本题 12 分)

25. 解:(1)∵ 抛物线的对称轴为直线 $x = 1$, $B(-1, 0)$,

$$\therefore A(3, 0),$$

将点 A, B 代入抛物线解析式得

$$\begin{cases} 9a + 3b + 3 = 0, \\ a - b + 3 = 0, \end{cases} \text{解得 } \begin{cases} a = -1, \\ b = 2. \end{cases}$$

几何画板动态演示



白卷第 25 题

∴ 抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3$ (2 分)

(2)∵ 抛物线解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3$,

∴ 令 $x = 0$ 得 $y = 3$, 则点 C 的坐标为 $(0, 3)$,

∴ 直线 AC 的解析式为 $y = -x + 3$,

∴ 直线 $l: x = t (t > 0)$ 与抛物线交于点 Q, 与直线 AC 交于点 P,

∴ 点 Q 的坐标为 $(t, -t^2 + 2t + 3)$, 点 P 的坐标为 $(t, -t + 3)$,

∴ 当 $0 < t \leq 3$ 时,

$$PQ = y_Q - y_P = (-t^2 + 2t + 3) - (-t + 3) = -t^2 + 3t; \dots\dots\dots (4 \text{ 分})$$

当 $t > 3$ 时,

$$PQ = y_P - y_Q = (-t + 3) - (-t^2 + 2t + 3) = t^2 - 3t. \dots\dots\dots (5 \text{ 分})$$

$$(3) (1, 4); \dots\dots\dots (8 \text{ 分})$$

【解法提示】当 $t = 3$ 时, 点 P、Q 重合, 不存在 $\angle CQP$, $\therefore t \neq 3$.

在 Rt△AOC 中,

$\therefore OC = OA = 3,$

$\therefore \angle CAO = \angle OCA = 45^\circ, \therefore \angle CQP = \angle CAB = 45^\circ.$

当 $0 < t \leq 3$ 时, 此时点 Q 在点 P 的上方,

\therefore 直线 $PQ \parallel OC, \therefore \angle CPQ = \angle OCP = 45^\circ,$

$\therefore \angle QCP = 180^\circ - \angle CPQ - \angle CQP = 90^\circ,$

$\therefore \triangle CPQ$ 是等腰直角三角形,

如解图①, 过点 C 作 $CG \perp PQ$ 于 G , 则 $CG = PG = QG,$

即 $PQ = 2CG, \therefore -t^2 + 3t = 2t$, 解得 $t = 1$ 或 $t = 0$ (舍).

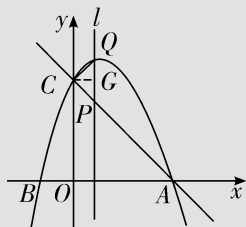
\therefore 点 Q 的坐标为 $(1, 4).$

当 $t > 3$ 时, 如解图②,

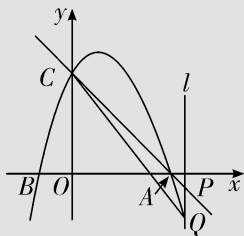
$\therefore PQ \parallel y$ 轴, $\therefore \angle CQP = \angle OCQ < \angle OCP$, 即 $\angle CQP \neq \angle CAB,$

此时不存在点 Q ,

综上所述, 当 $\angle CQP = \angle CAB$ 时, 点 Q 的坐标为 $(1, 4).$



图①



图②

第 25 题解图

(4) $(1, 0), (0, 2 + \sqrt{3}), (0, 2 - \sqrt{3}). \dots (12 \text{ 分})$

【解法提示】如解图③, 由(3)知, 点 Q 的坐标为 $(1,$

$4), \therefore$ 点 P 在直线 AC 上,

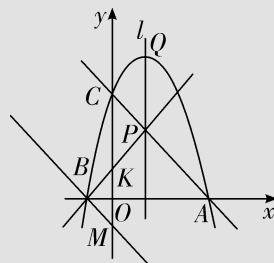
\therefore 点 P 的坐标为 $(1, 2),$

又 $\because B(-1, 0), \therefore$ 直线 BP 的解析式为 $y = x + 1.$

\therefore 直线 BM 是直线 AC 平移而得,

\therefore 设直线 BM 的解析式为 $y = -x + b.$ 将点 B 坐标代入可得, $b = -1,$

\therefore 直线 BM 的解析式为 $y = -x - 1.$



第 25 题解图③

\therefore 点 M 的坐标为 $(0, -1),$ 点 K 的坐标为 $(0, 1),$

$\therefore MK = 2.$

当点 T 在 x 轴上时,

\therefore 点 P 距离 x 轴最短的距离为 $2,$ 即 $PT = MK = 2,$

$\therefore T(1, 0);$

当点 T 在 y 轴上时, 设点 T 的坐标为 $(0, m),$

$\therefore PT = MK = 2,$

$\therefore 1^2 + (2 - m)^2 = 2^2,$

解得 $m_1 = 2 + \sqrt{3}, m_2 = 2 - \sqrt{3},$

此时点 T 的坐标为 $(0, 2 + \sqrt{3})$ 或 $(0, 2 - \sqrt{3}).$

综上所述, 这样的点 T 有 3 个, 坐标分别为 $(1, 0), (0, 2 + \sqrt{3})$ 或 $(0, 2 - \sqrt{3}).$

拓展训练

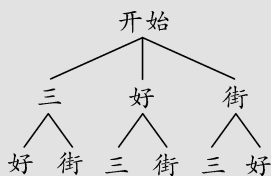
1. B

2. $-2 < x \leq \frac{4}{3}$ 【解析】 $\begin{cases} x+2 > 0 \text{ ①,} \\ 3x-4 \leq 0 \text{ ②,} \end{cases}$ 解不等式①, 得

$x > -2,$ 解不等式②, 得 $x \leq \frac{4}{3},$ 所以不等式组的解

集为 $-2 < x \leq \frac{4}{3}.$

3. 解: 画树状图如解图:



拓展训练 3 题解图

由树状图可得, 共有 6 种等可能的结果, 能组成“三好”的情况有 2 种,

$\therefore P(\text{能组成“三好”}) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}.$

4. 解: (1) 设 A 种护具的单价为 x 元, B 种护具单价为 y 元.

根据题意得,

$$\begin{cases} 40x = 50y, \\ x = y + 16, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} x = 80, \\ y = 64. \end{cases}$$

答: A 种护具的单价为 80 元, B 种护具的单价为 64 元.

(2) 设购买 A 种护具 m 套, 则 B 种护具 $(40 - m)$ 套, 则 $80m + (40 - m) \times 64 \leq 3000,$

解得 $m \leq 27.5,$

$\therefore m$ 为整数,

$\therefore m$ 的最大值为 27.

答: A 种护具最多购买 27 套.

郑重提示

数学答案到此结束, 如未做下一科试卷, 请勿翻页